

## МЕХАНІКА НЕОДНОРІДНИХ ТВЕРДИХ ТІЛ ТА НАНОМЕХАНІКА

УДК 624.012.45:539.385

### ЗНАЧЕННЯ НЕЛІНІЙНИХ ДЕФОРМАЦІЙНИХ ХАРАКТЕРИСТИК БЕТОНУ ПРИ ПРОСТОРОВОМУ РОЗРАХУНКУ КОНСТРУКЦІЙ

Талят Азізов, Надія Вільданова

Одеська державна академія будівництва та архітектури,  
бул. Дідріхсона, 4, м. Одеса, 65029, Україна

При дослідженні напружено-деформованого стану конструкцій для підвищення точності розрахунків важливо враховувати змінення як згинальної, так і крутільної жорсткостей в залежності від січних модулів деформацій матеріалів [1, 2]. При цьому крутільна жорсткість залишається значно менш досліденою, порівняно зі згинальною.

Перерозподіл зусиль запропоновано враховувати наступним чином [1]: на кожній ітерації значення згинальної і крутільної жорсткостей як функції січних модулів деформацій бетону, обчислених за деформаційними залежностями [3, 4], слід уточнювати в залежності від обчислених за допомогою внутрішніх зусиль (визначених у ПК «ЛИРА», наприклад), і так до збіжності. В роботі січні модулі деформацій першого  $E_c$  і другого  $G_c$  роду було визначено в залежності від початкових  $E_c^0$  і  $G_c^0$ , відповідно, з урахуванням коефіцієнтів змін січних модулів  $\nu_c$  і  $\vartheta_c$  за діаграмами деформування М.І. Карпенка [4] і О.Ф. Яременка [5], відповідно:

$$\begin{cases} E_c \nu_c = E_c^0 \left( \nu_c \pm (\nu_0 - \bar{\nu}_c) \sqrt{1 - \omega_1 \eta - \omega_2 \eta^2} \right) \\ G_c \vartheta_c = G_c^0 \left( \vartheta_c \pm (\vartheta_0 - \bar{\vartheta}_c) \sqrt{1 - \omega_1 \eta - \omega_2 \eta^2} \right). \end{cases} \quad (1)$$

При цьому співвідношення модулів деформацій при визначенні зусиль прийнято за пропозицією [5]:

$$\tau_c = G_c \gamma_c = \frac{E_c^0 \vartheta_c}{2(1 + \mu)} \gamma_c. \quad (2)$$

Для прикладу досліджено вплив крутільної жорсткості на перерозподіл зусиль просторово-ребристої системи (залізобетонного пере-

криття з п'ятьма ребрами прямокутного перерізу): балки розділені на 20 кінцевих елементів за довжиною, плити – на 5; ребра перерізом 25x25см, плити – 15x5см, клас бетону С16/20; довжина балок складає 3м, прольот – 1м. Рівномірно розподілене навантаження  $q=45\text{кН}/\text{м}$  було прикладене до першого ребра, за довжиною якого і було простежено змінення значень жорсткостей і зусиль.

При цьому січні модулі пружності і зсуву бетону були враховані як компоненти згинальної і крутільної жорсткостей, відповідно, на кожній ітерації для кожного кінцевого елементу всіх п'ятьох балок. Епюру крутільних моментів  $M_t$  наведено для елементів однієї половини першої балки (в інших ребрах перерозподіл зусиль менший), оскільки значення внутрішніх зусиль іншої половини є зворотно симетричними (рис. 1).

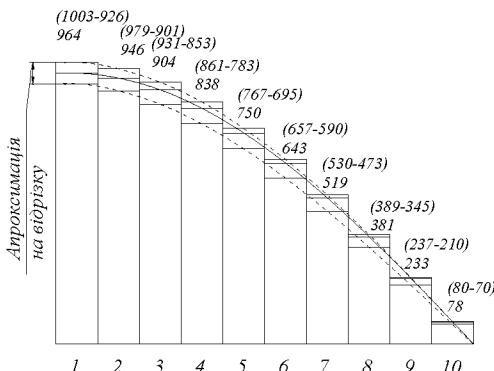


Рис. 1 Епюра  $M_t$  (для половини ребра за довжиною)

Похибка при порівнянні значень модуля зсуву  $G_c$  у крайньому елементі першої балки складає 26,334%, при цьому модуль пружності  $E_c$  у цьому ж елементі змінюється на 4,030%. У центральних елементах першої балки модуль пружності  $E_c$  змінюється на 42,660%, а модуль зсуву  $G_c$  у цьому ж елементі – лише на 0,7896%.

Дані розрахунку підтверджують необхідність врахування січного модуля зсуву при визначенні внутрішніх зусиль і їх перерозподілу в статично невизначених системах через істотний його вплив на крутільну жорсткість залізобетонних елементів, яка є значущим фактором в просторовій роботі залізобетонних конструкцій.

1. Азизов Т.Н. Теория пространственной работы перекрытий. – К: Науково-видавничий світ, 2001. – 276 с.
2. Вільданова Н.Р. Вплив крутільної жорсткості ЗБЕ як функції модуля зсуву бетону з урахуванням деформації пластичності на просторову роботу конструкцій // Сборник научных трудов SWorld. – Вып. 3. – Т. 50. – Иваново: МАРКОВА АД, 2013. – ЦИТ: 213-0064. – С. 13-19.

3. Карпенко Н.И. Общие модели механики железобетона. – М.: Стройиздат, 1996. – 416 с.
4. Яременко О.Ф., Школа Ю.О. Несуча здатність та деформативність залізобетонних стержневих елементів в складному напруженому стані. – Одеса: ОДАБА, 2010. – 136 с.

### **SPATIAL STRUCTURES' CALCULATION CONSIDERING NONLINEAR DEFORMATIOINAL CHARACTERISTICS**

*The influence of RCE's torsional stiffness on the strains' redistribution in the ribs of the cross-ribbed system while the 1<sup>st</sup> beam's loading has been researched in the paper.*

УДК 539.3

## **ВПЛИВ НАПРЯМКУ ОРТОТРОПІЇ МАТЕРІАЛУ НА СТІЙКОСТЬ ЦИЛІНДРИЧНИХ ОБОЛОНОК**

**Анатолій Дзюба, Олена Лотохова, Євген Прокопало**

*Дніпропетровський національний університет ім. Олеся Гончара,  
пр-т Гагаріна, 72, м. Дніпропетровськ, 49010, Україна*

Оболонкові конструктивні елементи з вираженою орто тропією матеріалу широко використовуються в різних галузях машинобудування. В той же час вплив зміни напрямку орто тропії на величину критичного навантаження конструкції залишається все ще малодослідженім.

У поданій роботі представлені результати експериментального дослідження стійкості циліндричних оболонок, виготовлених із спеціального креслярського паперу марки «В» ГОСТ 597-73, який найкращим чином відповідає вирішенню зазначеного аспекту проблеми, оскільки при яскраво вираженій орто тропії механічних властивостей, цей матеріал відрізняється досить високою стабільністю і однорідністю показників пружності і міцності. Найбільш важливими властивостями цього матеріалу є його досить висока технологічність для виготовлення високоякісних ідентичних зразків та підготовки їх до випробувань.

В результаті досліджень, виконаних як на плоских зразках, так і на оболонках за допомогою електромеханічної системи, були визначені модулі пружності  $E_x = 6,9 \cdot 10^9 \text{ Па}$ ;  $E_y = 3,45 \cdot 10^9 \text{ Па}$  і коефіцієнти Пуассона  $\mu_x = 0,3$ ;  $\mu_y = 0,15$  використованого в експерименті матеріалу. Тут індекси  $x$  і  $y$  відповідають головним напрямкам орто тропії, які збігаються відповідно з напрямами довгої і короткої сторони стан-